

Université de kenchela  
Département MI

## Sécurité informatique

Dr.Hichem Rahab

*rahab.hichem@univ-kenchela.dz*  
L3 ISIL

2021 - 2022

# Chapitre 2 :La cryptologie

# Overview

- 1 Introduction
- 2 Cryptographie classique
- 3 Cryptographie moderne
  - Cryptographie symétrique
  - Cryptographie asymétrique
  - Fonction de hachage
- 4 Protocoles cryptographiques

# Introduction (1)

- La cryptologie est une science très ancienne : les hommes ont toujours eu besoin de dissimuler des informations et de transmettre des messages en toute confidentialité.
- Le terme cryptologie vient du grec "kruptos" signifiant secret, caché et de logos signifiant discours.
- La cryptologie est donc la science du secret. Elle regroupe la cryptographie et la cryptanalyse,
  - **La cryptographie** a pour but de concevoir des systèmes visant à assurer la sécurité des communications sur un canal public,
  - **La cryptanalyse** vise à trouver des failles dans ces systèmes.

## Introduction (2)

Avec la popularité grandissante des réseaux, des échanges de données, et donc des transmissions entre individus, de nombreuses menaces émergent. Parmi celles-ci, on trouve diverses catégories :

- **Les menaces accidentelles** : Dans cette catégorie, sont repris les bugs logiciels, les pannes matérielles, et autres défaillances "incontrôlables".
- **Les menaces intentionnelles** : reposent sur l'action d'un tiers désirant s'introduire et relever des informations de façons:
  - ① Actives
  - ② Passives

# Introduction (3)

- Les menaces actives appartiennent principalement à quatre catégories:
  - 1 Interruption : problème lié à la disponibilité des données
  - 2 Interception : problème lié à la confidentialité des données
  - 3 Modification : problème lié à l'intégrité des données
  - 4 Fabrication : problème lié à l'authenticité des données

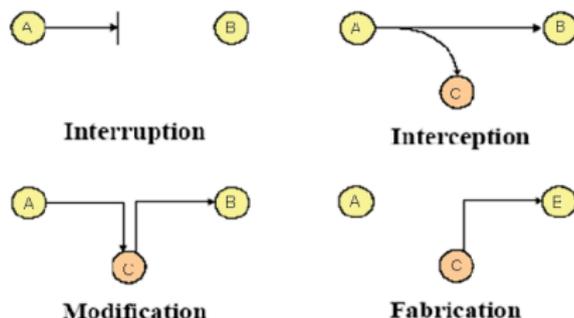
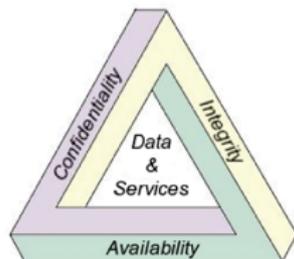


Figure: Les menaces actives

## Introduction (4)

- Le triangle CIA est le pilier immuable présentant les grands axes de la sécurité.
- La plupart des autres modèles utilisent cette représentation en tant que base.
- On peut définir les différents termes employés comme suit :
  - ① Confidentialité : l'information n'est connue que des entités communicantes
  - ② Intégrité : l'information n'a pas été modifiée entre sa création et son traitement (en ce compris un éventuel transfert)
  - ③ Disponibilité : l'information est toujours accessible et ne peut être bloquée/perdue



# Terminologie

- La cryptographie utilise des concepts issus de nombreux domaines (Informatique, Mathématiques, Électronique).
- Toutefois, les techniques évoluent et trouvent aujourd'hui régulièrement racine dans d'autres branches (Biologie, Physique, etc.)

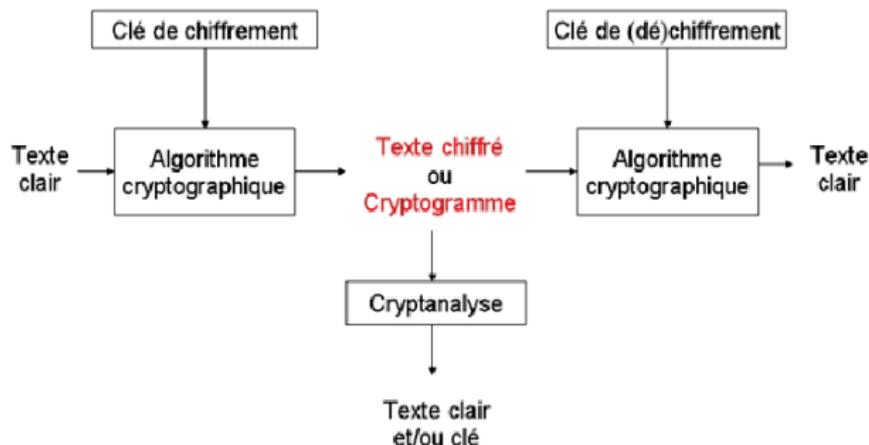


Figure: Protocole de chiffrement

## Vocabulaire de base

- **Cryptologie** : Il s'agit d'une science mathématique comportant deux branches : la cryptographie et la cryptanalyse,
- **Cryptographie** : La cryptographie est l'étude des méthodes donnant la possibilité d'envoyer des données de manière sécurisée sur un support donné.
- **Cryptanalyse** : Opposée à la cryptographie, elle a pour but de retrouver le texte clair à partir de textes chiffrés en déterminant les failles des algorithmes utilisés. Le but de la cryptanalyse est d'améliorer les systèmes de chiffrement.
- **Chiffrement** : Le chiffrement consiste à transformer une donnée (texte, message, ...) afin de la rendre incompréhensible par une personne autre que celui qui a créé le message et celui qui en est le destinataire.
- **Déchiffrement**: La fonction permettant de retrouver le texte clair à partir du texte chiffré utilisant la *clé de déchiffrement*.

## Vocabulaire de base (suite)

- **Texte claire:** C'est le texte à échangé entre les entités communicantes, il est le sujet de l'opération de chiffrement afin de le rendre inintelligible que des entités autorisée.
- **Texte chiffré :** Appelé également **cryptogramme**, le texte chiffré est le résultat de l'application d'un chiffrement à un texte clair.
- **Clef :** Il s'agit du paramètre impliqué et autorisant des opérations de chiffrement et/ou déchiffrement.
  - ① Dans le cas d'un algorithme symétrique, la clef est identique lors des deux opérations.
  - ② Dans le cas d'algorithmes asymétriques, elle diffère pour les deux opérations.
- **Cryptosystème :** Il est défini comme l'ensemble des clés possibles (espace de clés), des textes clairs et chiffrés possibles associés à un algorithme donné.
- **Décryptage:** Désigner l'action permettant de retrouver le texte clair sans connaître la clef de déchiffrement.

# Notations

En cryptographie, la propriété de base est que:

$$M = D(E(M))$$

Tel que:

$$C = E_{E_k}(M) \quad \text{et} \quad M = D_{D_k}(C)$$

où:

- M représente le texte clair,
- C est le texte chiffré (cryptogramme),
- $E_k$  et  $D_k$  sont les clés de chiffrement et de déchiffrement respectivement. (Dans le cas d'algorithmes symétriques,  $E_K \equiv D_k$  )
- $E(x)$  est la fonction de chiffrement, et
- $D(x)$  est la fonction de déchiffrement.

# Principe de Kerckhoff

## Principe de Kerckhoff

La sécurité du chiffrement ne doit pas dépendre de ce qui ne peut pas être facilement changé.

- En d'autres termes, aucun secret ne doit résider dans l'algorithme mais plutôt dans la clé. Sans celle-ci, il doit être impossible de retrouver le texte clair à partir du texte chiffré.
- Par contre, si on connaît  $K$ , le déchiffrement est immédiat.
- On parle aussi de la Maxime de Shannon, dérivée du principe de Kerckhoff.

## Maxime de Shannon

*L'adversaire connaît le système.*

# La publication des algorithmes

Selon l'endroit où réside le secret, on peut parler d'algorithme secret ou d'algorithme publié. Chacun possède ses atouts et inconvénients.

- **Algorithme secret:**

- La cryptanalyse, souvent basée sur le secret de la clé, doit ici en plus retrouver l'entièreté de l'algorithme (mécanisme de récupération).
- Souvent, de tels algorithmes sont utilisés par un petit nombre d'utilisateurs. Et comme souvent dans ce cas, moins il y a de monde l'utilisant, moins il y a d'intérêts à le casser.
- De tels algorithmes sont rarement distribués par delà les frontières, afin de garder un nombre d'utilisateurs restreint.

## La publication des algorithmes (2)

Selon l'endroit où réside le secret, on peut parler d'algorithme secret ou d'algorithme publié. Chacun possède ses atouts et inconvénients.

- **Algorithme publié:**

- Puisque l'algorithme est publié, tout le monde a le droit de l'explorer. Ainsi, les failles (laissées intentionnellement ou non par les concepteurs) peuvent être plus facilement découvertes. La sécurité en est donc améliorée.
- Comme la publication est autorisée, il n'est pas nécessaire de chercher à protéger le code contre le reverse-engineering.
- Cette publication permet d'étendre les travaux sur l'algorithme au niveau mondial. Toute une série d'implémentations logicielles peuvent donc être réalisées.
- Tout le monde utilise la même version publique ce qui permet une standardisation générale.

En conséquence, on préférera les algorithmes publiés, souvent plus sûrs pour les raisons explicitées ci-dessus.

# La cryptologie classique



## Chiffre de César (50 av. J-C)

- Il s'agit d'un des plus simples et des chiffres classiques les plus populaires.
- C'est une **substitution monoalphabétique** où chaque lettre est remplacée par une autre lettre ou symbole.
- Dans les formules ci-dessous,  $p$  est l'indice de la lettre de l'alphabet,  $k$  est le décalage.
- Pour le chiffrement, on aura la formule:

$$c = E(p) = (p + k) \bmod 26$$

- Pour le déchiffrement, il viendra

$$p = D(c) = (c - k) \bmod 26$$

- Si on connaît l'algorithme utilisé (ici César), la cryptanalyse par force brute est très facile.
- En effet, dans le cas du chiffre de César, seules 25 (!) clés sont possibles.

## Chiffre de César (50 av. J-C) - (2)

### Exemple 1 :

Par exemple, si on a le text suivant: 'A cat'

et on a besoin de chiffrer par une clé:  $k=2$  ,le message devient: C ecv

$$e = \begin{pmatrix} ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ \\ CDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZAB \end{pmatrix}.$$

Lorsque on le chiffre avec clé=3, le message devient: D fdw.

$$e = \begin{pmatrix} ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ \\ DEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZABC \end{pmatrix}.$$

### A vous:

Chiffrez vos noms et prénoms avec une clé égale au jour de votre naissance mod 26.

## Chiffre de César (50 av. J-C) -(3)

### Exemple 2 :

Avec une clé de 15 (le décalage circulaire fait que le A est remplacé par P, B par Q, C par R ... comme le montre le tableau suivant).

$$e = \begin{pmatrix} ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ \\ PQRSTUVWXYZABCDEFGHIJKLMNO \end{pmatrix}.$$

Il devient simple de faire le chiffrement :

VIVE LE MONDE DES RESEAUX

devient :

KXKT AT BDCST STH GTHTPJM.

## Chiffre de César (50 av. J-C) -(4)

### Exemple 2 :

Avec une clé de 15 (le décalage circulaire fait que le A est remplacé par P, B par Q, C par R ... comme le montre le tableau suivant).

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13
A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M
14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26
N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B
C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O

Il devient simple de faire le chiffrement :

VIVE LE MONDE DES RESEAUX

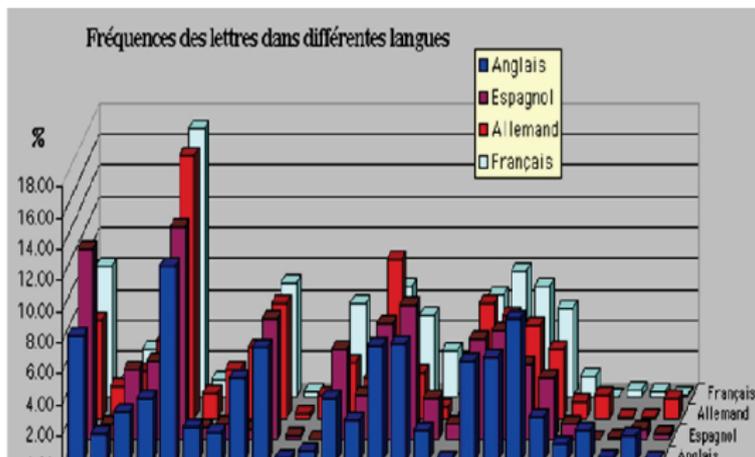
devient :

KXKT AT BDCST STH GTHTPJM

# Chiffre de César (50 av. J-C) -(5)

## Exemple 2 : (suite)

- Un tel système ne résiste pas à la cryptanalyse c'est-à-dire au déchiffrement brutal sans la clé.
- La méthode utilisée étant une simple substitution, les fréquences d'apparition des lettres dans la langue utilisée restent respectées : ici il y a six T et au plus deux fois une autre lettre. Il est facile de penser que T code le E ... et le reste suit.



# Chiffre de Vigenère (1568)

- C'est une amélioration décisive du chiffre de César.
- C'est un chiffrement à substitutions polyalphabétiques.
- Sa force réside dans l'utilisation non pas d'un, mais de 26 alphabets décalés pour chiffrer un message. On parle du carré de Vigenère.
- Ce chiffre utilise une clef qui définit le décalage pour chaque lettre du message (A : décalage de 0 cran, B : 1 cran, C : 2 crans, ..., Z : 25 crans).

## Chiffre de Vigenère -(2)

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
A	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
B	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A
C	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B
D	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C
E	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D
F	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E
G	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F
H	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G
I	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H
J	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I
K	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J
L	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K
M	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L
N	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M
O	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N
P	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O
Q	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P
R	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q
S	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R
T	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S
U	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T
V	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U
W	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V
X	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W
Y	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X
Z	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y

## Chiffre de Vigenère -(3)

### Exemple 1:

On a à chiffrer le texte "*CHIFFRE DE VIGENERE*" avec la clef "*BACHELIER*" (cette clef est éventuellement répétée plusieurs fois pour être aussi longue que le texte clair)

Clair	C	H	I	F	F	R	E	D	E	V	I	G	E	N	E	R	E
Clef	B	A	C	H	E	L	I	E	R	B	A	C	H	E	L	I	E
Décalage	1	0	2	7	4	11	8	4	17	1	0	2	7	4	11	8	4
Chiffré	D	H	K	M	J	C	M	H	V	W	I	I	L	R	P	Z	I

Le message chiffré est alors: *DHKMJCMHVWIILRPZI*



# Chiffre de Vigenère -(5)

**Exemple 2:(Réponse sur la page suivante)**

# Chiffre de Vigenère -(5)

## Exemple 2:(Réponse)

$$d = \begin{pmatrix} UHZZWJSDKIVWKBVRUZEFR \\ AURESSAURESSAURESSAUR \\ - - - - - \\ UNIVERSITEDEKHENCHELA \end{pmatrix} .$$

## Chiffre de Vigenère -(6)

### Exemple 3:

Chaque étudiant doit chiffrer son nom et prénom utilisant comme clé; le prénom de son collègue.

# Chiffrement par transposition

- Les méthodes de chiffrement par transposition consistent à réarranger les données à crypter de telle façon à les rendre incompréhensibles.
- Il s'agit généralement de réarranger géométriquement les données pour les rendre visuellement inexploitable.
- Une forme de transposition utilise le premier dispositif de cryptographie militaire connu, la scytale spartiate, remontant au V<sup>e</sup> siècle avant J.-C. La scytale consiste en un bâton de bois autour duquel est entourée une bande de cuir ou de parchemin, comme le montre la figure.

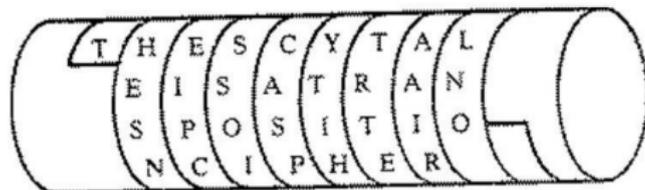


## Chiffrement par transposition -(2)

### La technique assyrienne:

La technique consistait à:

- Après avoir enroulé la ceinture sur la scytale, le message était écrit en plaçant une lettre sur chaque circonvolution (axe). Question : comment le destinataire déchiffrerait le message sur le scytale ?
- Le message une fois déroulé n'est plus compréhensible "TNSEHCPIEIOSSPSACHITYETRTRIAAONL".
- Il suffit au destinataire d'avoir un cylindre de même rayon pour pouvoir déchiffrer le message "THE SCYTALE IS A TRANSPOSITION CIPHER".



## Chiffrement par transposition -(3)

### Transposition à base matricielle

- Le message en clair est écrit dans une matrice.
- La clé est la matrice. La technique de transposition de base consiste à lire la matrice en colonne.

#### Exemple :

Soit à chiffrer le message "MESSAGE SECRET A TRANSPOSER" avec la matrice  $M(5,6)$ .

M	E	S	S	A	G
E		S	E	C	R
E	T		A		T
R	A	N	S	P	O
S	E	R			

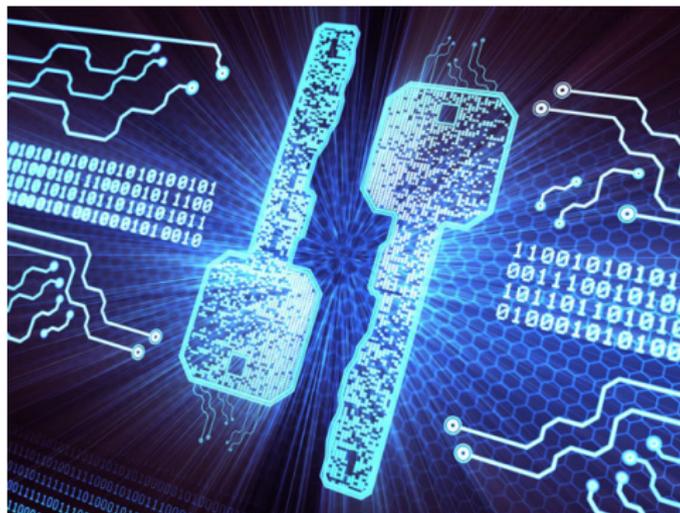
Le message crypté est donc: "MEERSE TAESS NRSEAS AC P GRTO"

## Chiffrement par transposition -(4)

**Exemple 2:** Déchiffrer le message suivant chiffré avec une matrice  $M(5,8)$ . (Les tirets représentent le espaces)

TITESRTR - AAIIDGNOCEESNI - - P - EMNOMLEESALST

# La cryptographie moderne



# Cryptographie symétrique

- Depuis l'ère de " Jules César" jusqu'à la fin des années 70 la cryptographie symétrique était la seule méthode de chiffrement pour les domaines: diplomatiques, militaires, et commerciales.
- La *cryptographie symétrique* reste la méthode universelle pour assurer la confidentialité des transmission et de stockage de données à travers des années.
- Les algorithmes de cryptage le plus importants dans cette catégories son: DES (Data Encryption Standard) et AES (Advanced Encryption Standard).
- Un cryposystème symétrique a cinq ingrédients:
  - ① *Plaintext* ou message original,
  - ② *Algorithme de chiffrement*,
  - ③ *Clé secrète*,
  - ④ *Cryptogramme* ou message chiffré,
  - ⑤ *Algorithme de déchiffrement*.

# Cryptographie symétrique -(2)

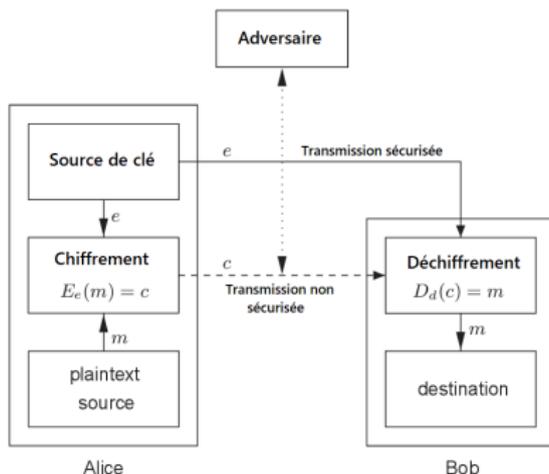
## Définition

Considérant un cryptosystème consistant sur un ensemble de transformations de chiffrement  $E_e : e \in K$  et de déchiffrement  $D_d : d \in K$  où  $K$  est l'espace des clés.

- Le cryptosystème est à clé symétrique, si pour chaque pair ; clé de chiffrement/clé de déchiffrement  $(e, d)$  il est facile de calculer  $d$  à partir de  $e$  et de déterminer  $e$  depuis  $d$ .
- Dans la plupart des cryptosystèmes à clé symétrique on a  $e = d$ , alors les termes; *clé symétrique* ,*une seule clé* et *clé secrète* sont utilisés.
- La cryptographie symétrique aussi appelée; cryptographie conventionnelle ou cryptographie à une seule clé.

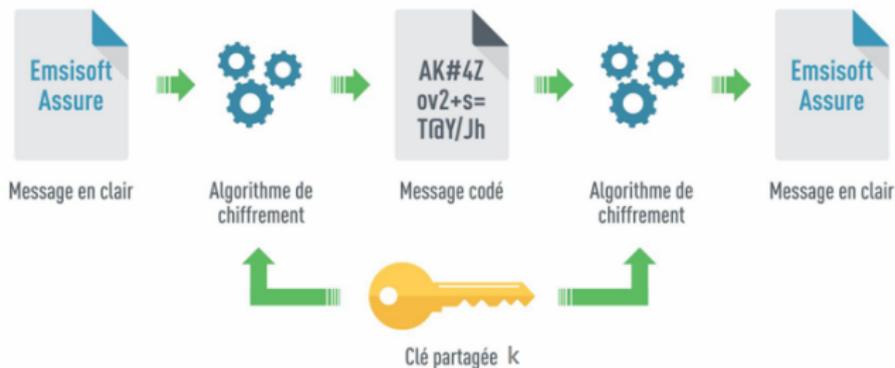
## Cryptographie symétrique (3)

- La cryptographie symétrique est très utilisée et se caractérise par une grande rapidité (opérations simples, chiffrement à la volée) et par des implémentations aussi bien software que hardware ce qui accélère nettement les débits et permet une utilisation massive.



## Caractéristiques :

- Les clés sont identiques :  $K_E = K_D = K$ ,
- La clé doit rester secrète,
- Les algorithmes les plus répandus sont le DES, AES, 3DES, ...
- La génération des clés est aléatoire dans l'espace des clés,
- Ces algorithmes sont basés sur des opérations de transposition et de substitution des bits du texte clair en fonction de la clé,

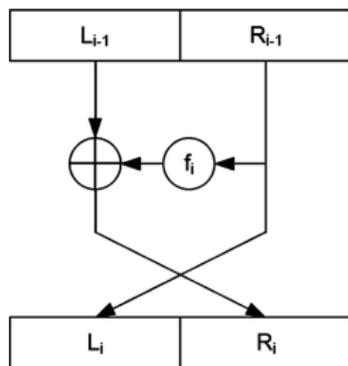


## Caractéristiques (suite) :

- La taille des clés est souvent de l'ordre de 128 bits. Le DES en utilise 56, mais l'AES peut aller jusqu'à 256,
- L'avantage principal de ce mode de chiffrement est sa rapidité,
- Le principal désavantage réside dans la distribution des clés.
- Pour une meilleure sécurité, on préférera l'échange manuel.
- Malheureusement, pour de grands systèmes, le nombre de clés peut devenir conséquent. C'est pourquoi on utilisera souvent des échanges sécurisés pour transmettre les clés.
- En effet, pour un système à  $N$  utilisateurs, il y aura  $N(N - 1)/2$  paires de clés. Pour trois utilisateurs on a besoin de 3 clés. Pour 4, 6 clés et pour 10 on a besoin de 45 clés.

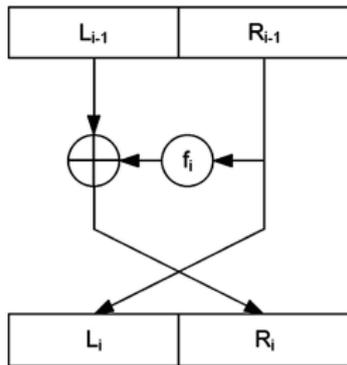
# Les structures de Feistel

- Fut décrite en 1973 (par Horst Feistel, employé chez IBM).
- La plupart des chiffrements de la fin du XX<sup>e</sup> siècle sont basés sur cette structure.
- Le bloc d'entrée d'un round est séparé en deux parties. La fonction de chiffrement est appliquée sur la première partie du bloc et l'opération binaire OU-Exclusif ( $XOR \oplus$ ) est appliquée sur la partie sortante de la fonction et la deuxième partie. Ensuite les deux parties sont permutées et le prochain round commence.

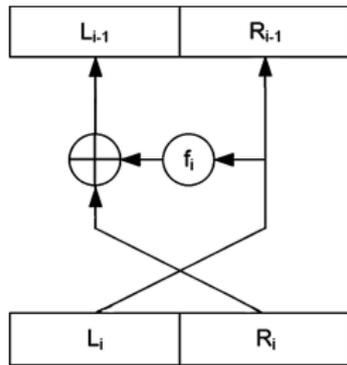


## Les structures de Feistel -(2)

- L'avantage est que la fonction de chiffrement et la fonction de déchiffrement sont identiques.
- Elle est inversible ce qui permet de réutiliser le matériel de chiffrement pour déchiffrer un message.



Chiffrement



Déchiffrement

## Les structures de Feistel -(3)

### Exemple:

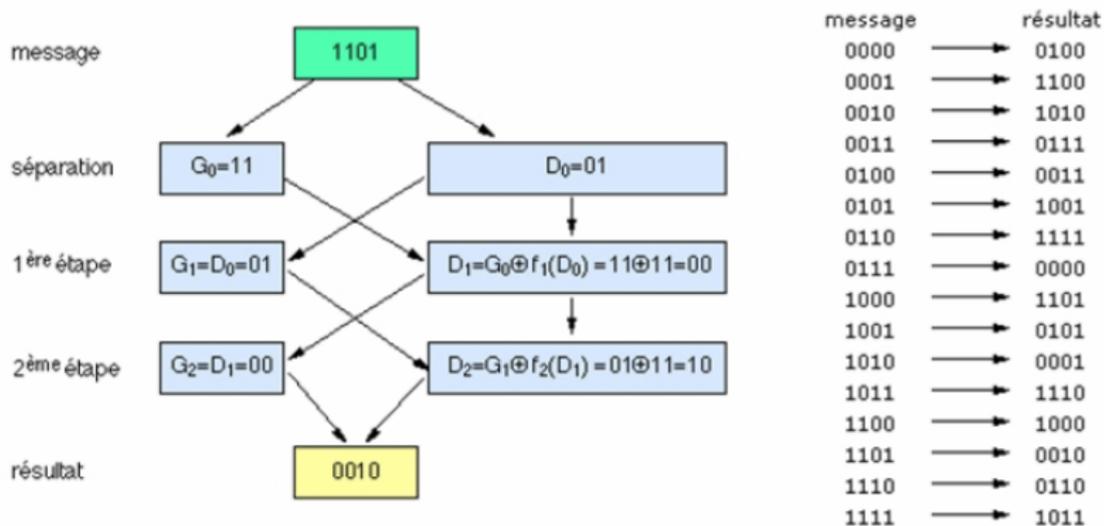
Soient deux fonctions de chiffrement. A partir d'une table de correspondance, on peut déterminer le résultat du chiffrement d'un bloc après passage dans une structure de Feistel.

entrée	$f_1$	sortie	entrée	$f_2$	sortie
00	→	01	00	→	11
01	→	11	01	→	00
10	→	10	10	→	00
11	→	01	11	→	01

# Les structures de Feistel -(4)

## Exemple: (suite)

Exécution d'un schéma de Feistel pour chiffrer le message: **1101**.



# Les structures de Feistel-(5)

## Choix des paramètres:

La réalisation d'un tel réseau dépend des choix effectués pour les paramètres suivants :

- Taille du bloc : Lorsqu'elle augmente, la sécurité augmente également.
- Taille de clé : Lorsqu'elle augmente, la sécurité aussi.
- Nombre de cycle : Plus il y en a, plus la sécurité est renforcée. Un nombre typique est de 16 cycles.
- Algorithme de génération des sous-clés : Plus il est complexe, plus la compréhension est rendue difficile.

# Data Encryption Standard (DES)

- Le DES (Data Encryption Standard, Standard de Chiffrement de Données) est un standard mondial depuis la fin des années 1970.
- Au début de cette décennie, le développement des communications entre ordinateurs a nécessité la mise en place d'un standard de chiffrement de données pour limiter la prolifération d'algorithmes différents ne pouvant pas communiquer entre eux.
- Pour résoudre ce problème, l'Agence Nationale de Sécurité américaine (NSA, pour National Security Agency) a lancé des appels d'offres.
- La société I.B.M. a développé alors un algorithme nommé **Lucifer**, relativement complexe et sophistiqué. Après quelques années de discussions et de modifications, cet algorithme, devenu alors un standard, DES, et fut adopté au niveau fédéral le 23 novembre 1976.
- DES fait partie de la famille des chiffrements itératifs par blocs, plus particulièrement il s'agit d'un schéma de Feistel.

# DES (2)

## Particularités:

Le DES comporte plusieurs avantages qui en ont fait l'algorithme de chiffrement symétrique standard pendant longtemps, jusqu'il y a quelques années. En voici quelques-uns :

- Il possède un haut niveau de sécurité,
- Il est complètement spécifié et facile à comprendre,
- la sécurité est indépendante de l'algorithme lui-même (*principe de Kerckhoff*),
- Il est rendu disponible à tous, par le fait qu'il est public,
- Il est adaptable à diverses applications (logicielles et matérielles),
- Il est rapide et exportable,
- Il repose sur une clé relativement petite, qui sert à la fois au chiffrement et au déchiffrement,
- Il est facile à implémenter.

## DES (3)

- Le DES est un cryptosystème agissant par blocs. Il découpe virtuellement le texte clair en blocs de 64 bits qu'ils code séparément, puis qu'il concatène.
- Un bloc de 64 bits du texte clair entre et un bloc de 64 bits de texte chiffré sort de l'autre côté.
- L'algorithme est assez simple puisqu'il ne combine en fait que des permutations et des substitutions.
- La clé a ici une longueur de 64 bits, c'est-à-dire 8 caractères, mais dont seulement 56 bits sont utilisés.
- L'entière sécurité de l'algorithme repose sur les clefs puisque l'algorithme est parfaitement connu de tous. La clé de 64 bits est utilisée pour générer 16 autres clés de 48 bits chacune qu'on utilisera lors de chacune des 16 itérations du DES.
- Ces clés sont les mêmes quel que soit le bloc qu'on code dans un message.

# DES (4)

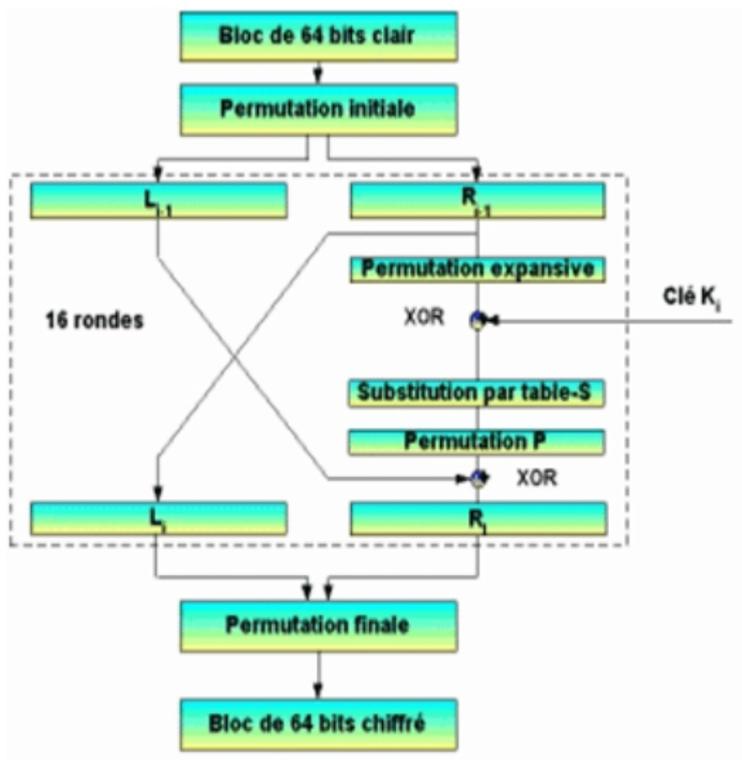
- Cet algorithme est relativement facile à réaliser matériellement et certaines puces chiffrent jusqu'à 1Go de données par seconde.
- Pour les industriels, c'est un point important notamment face à des algorithmes asymétriques, plus lents, tels que l'algorithme RSA.

# DES (5)

## Algorithme de chiffrement

- L'algorithme repose principalement sur 3 étapes, en plus de la gestion spécifique de la clé :
  - 1 Permutation initiale
  - 2 Calcul médian (16 fois) : application de l'algorithme en fonction de la clé,
  - 3 Permutation finale

## DES (6)



# DES (7)

## La permutation initiale:

Les 64 bits du bloc d'entrée subissent la permutation de la figure suivante. Cette "matrice" permet d'effectuer des changements internes au bloc (i.e. il n'y a pas d'apport de données extérieures). Le premier bit sera le bit 58, le second le bit 50, etc.

01	09	17	25	33	41	49	57
02	10	18	26	34	42	50	58
03	11	19	27	35	43	51	59
04	12	20	28	36	44	52	60
05	13	21	29	37	45	53	61
06	14	22	30	38	46	54	62
07	15	23	31	39	47	55	63
08	16	24	32	40	48	56	64



58	50	42	34	26	18	10	02
60	52	44	36	28	20	12	04
62	54	46	38	30	22	14	06
64	56	48	40	32	24	16	08
57	49	41	33	25	17	09	01
59	51	43	35	27	19	11	03
61	53	45	37	29	21	13	05
63	55	47	39	31	23	15	07

# DES (8)

## Le calcul médian

Les 64 bits initiaux de données sont divisés en 2 blocs (L et R).

Itérations :

- $L_n = R_{n-1}$
- $R_n = L_{n-1} \oplus F(R_{n-1}, K_n)$
- $K_n = G(K, n)$

Avec:

- $T_n = L_n R_n$
- $L_n = t_1 \dots t_{32}$
- $R_n = t_{33} \dots t_{64}$

## DES (9)

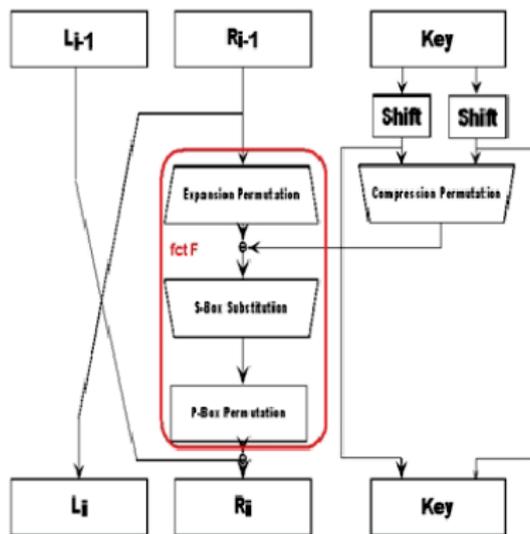


Figure: Etape générale du calcul médian

# DES (10)

## Permutation finale

- Une fois le calcul médian terminé, on pratique la permutation inverse de la permutation initiale.

40	8	48	16	56	24	64	32
39	7	47	15	55	23	63	31
38	6	46	14	54	22	62	30
37	5	45	13	53	21	61	29
36	4	44	12	52	20	60	28
35	3	43	11	51	19	59	27
34	2	42	10	50	18	58	26
33	1	41	9	49	17	57	25

Figure: Permutation finale DES

## Déchiffrement:

Il suffit d'appliquer le même algorithme mais inversé en tenant bien compte du fait que chaque itération du déchiffrement traite les mêmes paires de blocs utilisés dans le chiffrement.

# Attaques sur DES

Plusieurs attaques existent pour casser le DES. Parmi ces attaques on trouve la recherche exhaustive par force brute où on teste toutes les clés possibles afin de déchiffrer un bloc de données. On a besoin, en moyenne, de  $2^{55}$  essais.

- EFF DES cracker (ou Deep Crack, élaboré par l'Electronic Frontier Foundation). est une machine spécialisée développée pour l'attaque de DES. En juillet 1998, Deep Crack gagne le DES Challenge II-2 en décryptant un message en 56 heures de travail et gagne 10 000 \$.
- Le calcul distribué : un regroupement d'ordinateurs par Internet qui partagent leur puissance de calcul. En 1998, Distributed.net a pu décrypter un message en 39 jours. Le 19 janvier 1999, EFF et Distributed.net ont cassé en travaillant conjointement une clé en 22 heures et 15 minutes.
- Depuis 2006, un autre ordinateur dédié, nommé COPACABANA, permet de casser une clé DES en 9 jours.

## Attaques sur DES (suite)

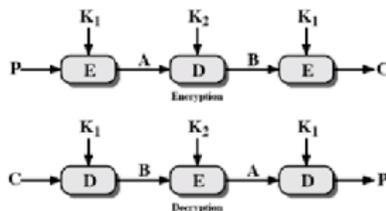
- En 2008, des améliorations logicielles ont même permis de diminuer le temps de recherche à 6,4 jours. Son avantage est son coût : 10.000\$. On peut donc facilement en acquérir plusieurs et donc diminuer le temps de recherche en conséquence. Par exemple, pour 4 machines acquises (=40,000\$), il faudra compter 1,6 jour de recherche.
- Pour des sociétés importantes ou des gouvernements, construire de telles machines est désormais possible.
- Cela marque la fin du DES.

# Triple DES (3DES)

- Grâce à 2 clefs, on pratique 3 opérations :

$$E(k_1, D(k_2, E(k_1, m))).$$

- C'est équivalent au fait de doubler la taille effective de la clé (ce qui est une longueur sûre actuellement).
- Il existe deux versions : la première utilise deux clés, la seconde trois (le dernier chiffrement utilise une troisième clé).
- En comparaison au DES, 3DES est plus robuste contre les attaques faisables connues. Cependant, il est beaucoup plus lent que le DES car on triple les opérations.



# AES (Advanced Encryption Standard)

- La progression de la puissance des ordinateurs a causé la mort du DES. Ce dernier n'est plus jamais utilisé lorsque la sécurité demandée est forte (utilisation militaire, documents "secrets", etc.).
- Pour cette tâche, on préfère utiliser l'algorithme connu sous le nom générique d'AES (Advanced Encryption Standard), issu d'un concours créé en raison des faiblesses avérées du DES.
- Cet algorithme est développé par deux cryptographes Belges, John Daemen et Vincent Rijmen.
- Le véritable nom de l'AES est le **Rijndael**, nom résultant de la contraction des noms de ses inventeurs : Rijmen et Deamen.
- Le Triple DES demeure toutefois une norme acceptée pour les documents gouvernementaux aux USA. Pour l'instant, il n'y a pas de projet ou d'obligation de re-chiffrer les documents existants.

## AES (2)

**June 1998****15 Candidates**from USA, Canada, Belgium,  
France, Germany, Norway, UK, Israel,  
Korea, Japan, Australia, Costa Rica**Round 1**Security  
Software efficiency**August 1999****5 final candidates**

Mars, RC6, Rijndael, Serpent, Twofish

**Round 2**Security  
Hardware efficiency**October 2000****1 winner: Rijndael**  
Belgium

Figure: Concours AES

## AES (3)

AES possède les propriétés suivantes :

- Plusieurs longueurs de clé et de bloc sont possibles : 128, 192, ou 256 bits,
- Le nombre de cycles ("rondes") varie en fonction de la longueur des blocs et des clés (de 10 à 14),
- La structure générale ne comprend qu'une série de transformations/permutations/sélections,
- Il est beaucoup plus performant que le DES ,
- Le parallélisme peut être implémenté

À chaque ronde, quatre transformations sont appliquées :

- 1 Substitution d'octets dans le tableau d'état,
- 2 Décalage de rangées dans le tableau d'état,
- 3 Déplacement de colonnes dans le tableau d'état (sauf à la dernière ronde),
- 4 addition d'une "clé de ronde" qui varie à chaque ronde.

## AES (4)

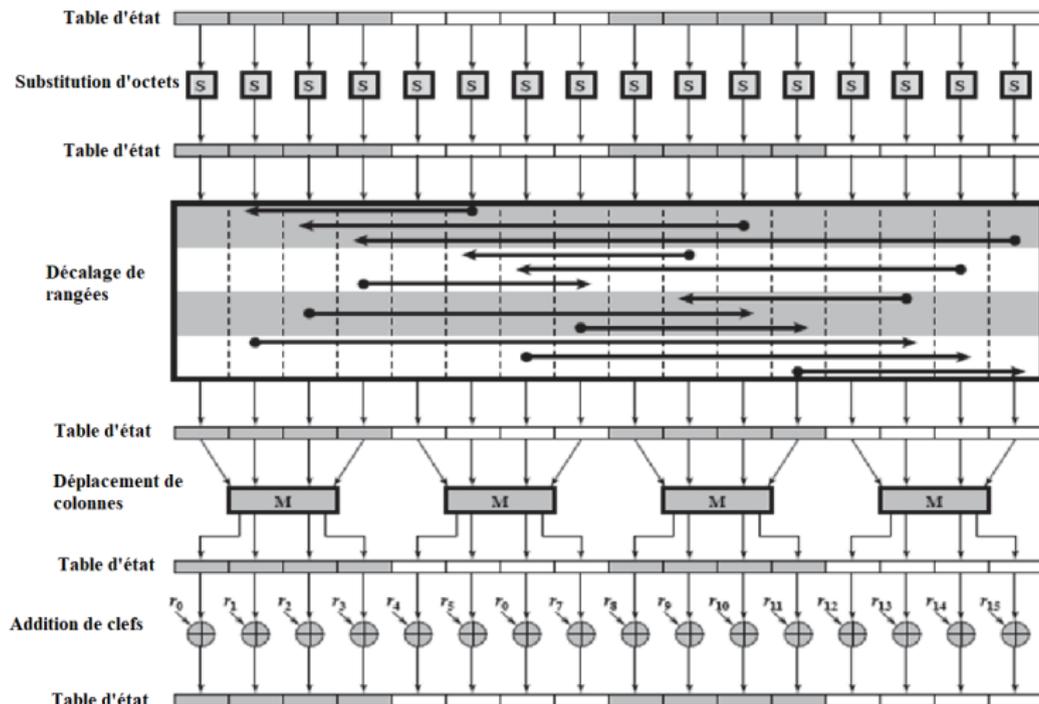


Figure: Schéma général AES

## AES (5)

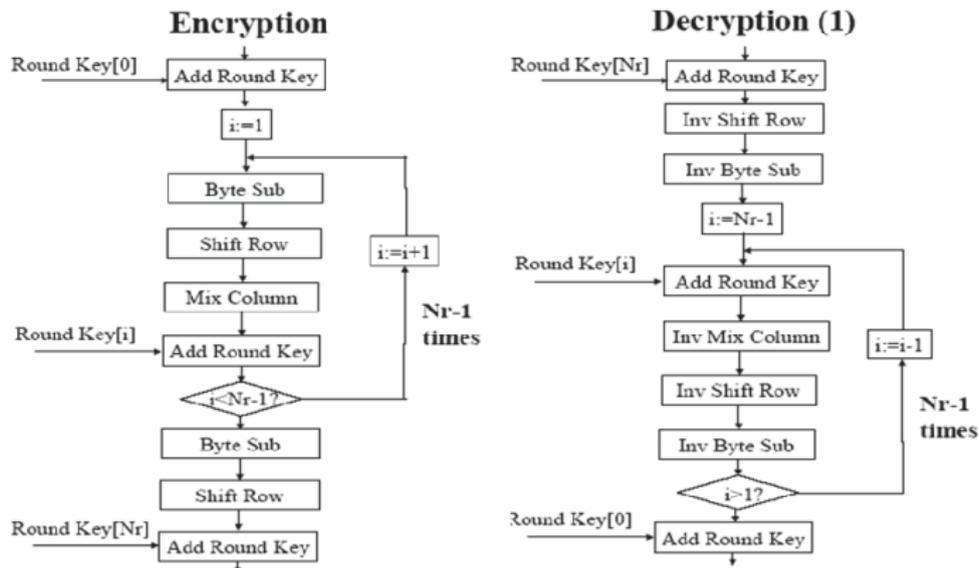


Figure: Chiffrement et Déchiffrement AES

# AES (6)

Les principaux avantages sont :

- Des performances très élevées,
- Possibilité de réalisation en "Smart Card" avec peu de code,
- Possibilité de parallélisme,
- Ne comprend pas d'opérations arithmétiques : ce sont uniquement des décalages et des XOR ( $\oplus$ ),
- N'utilise pas de composants d'autres cryptosystèmes,
- Nombre de rondes peut facilement être augmenté si c'est requis,
- Ne possède pas de clés faibles,

# AES (7)

## Inconvénients et limites :

- Le code et les tables sont différents pour le chiffrement et déchiffrement,
- Le déchiffrement est plus difficile à implanter en "Smart Card" ,
- Dans une réalisation matérielle, il y a peu de réutilisation des circuits de chiffrement pour effectuer le déchiffrement.

# Attaques sur les cryptosystèmes symétriques

On trouve deux approches principales d'attaques aux cryptosystèmes symétriques

- 1 **La cryptanalyse** : Ce type d'attaque exploite les caractéristiques de l'algorithme. Elle utilise aussi quelques caractéristique des textes claires et des exemples de paires, texte claire-texte chiffré.
- 2 **La force-brute**: Cette méthode essaye tous les clés possibles sur une pièce de texte chiffré jusqu'à l'arrivée au text claire correspondant.

## Critique des chiffrements symétriques

- L'inconvénient d'un système de chiffrement symétrique aussi sophistiqué soit-il est que la clé  $K$  doit être transmise entre l'émetteur et le récepteur. Or si les correspondants ont choisi de faire du chiffrement, c'est en général parce qu'ils considèrent que le réseau n'est pas sûr : comment transmettre alors la clé ? On peut imaginer un transport physique de la clé par des moyens différents (valise diplomatique, par exemple).
- La non-répudiation est importante; Considérons un couple d'utilisateurs A et B qui se partagent une clé  $K$ . L'utilisateur B peut fabriquer des messages et faire croire que A les lui a envoyés !
- Le nombre de clé aussi est un problème, pour  $N$  utilisateurs on a besoin de  $N \times (N - 1)$  clés. Pour communiquer avec un nouvel utilisateur, on a besoin, au préalable, de générer, d'échanger la clef  $K$ , et de conserver cette clef.

# La cryptographie asymétrique

# Cryptographie à clé publique

- Le concept du chiffrement asymétrique date officiellement de 1976 de Diffie et Hellman.
- La première implémentation a lieu en 1978 par Rivest, Shamir et Adleman sous la forme de l'algorithme RSA.
- La sécurité de tels systèmes repose sur des problèmes calculatoires :
  - ① RSA : factorisation de grands entiers
  - ② ElGamal : logarithme discret
  - ③ Merkle-Hellman : problème du sac à dos (knapsacks)

## Cryptographie à clé publique -(2)

- Dans le cas des systèmes **symétriques**, on utilise une même clé pour le chiffrement et le déchiffrement.
- Le problème repose dans la transmission de la clé : il faut une clé par destinataire.
- Dans le cas des systèmes **asymétriques**, chaque personne possède 2 clés distinctes (une privée, une publique).
- La clé privée n'est pas déductible à partir de la clé publique. De ce fait, il est possible de distribuer librement cette dernière.
- On peut classer l'utilisation des algorithmes à clé publique en 3 catégories :
  - ① Chiffrement/déchiffrement : cela fournit la confidentialité.
  - ② Signature numériques: cela fournit l'authentification.
  - ③ Échange de clés symétrique (ou des clefs de session).

## Cryptosystème à clé publique - (3)

- Une clé publique  $P_K$  ( ou clé de chiffrement, symbolisée par la clé verticale),
- Une clé privée secrète  $S_K$  (symbolisée par la clé horizontale),
- Propriété : La connaissance de  $P_K$  ne permet pas de déduire  $S_K$ ,
- $D_{S_K}(E_{P_K}(M)) = M$ ,
- La taille des clés s'étend de 512 bits à 2048 bits en standard. Dans le cas du RSA, une clé de 512 bits n'est plus sûre au sens "militaire" du terme, mais est toujours utilisable de particulier à particulier.



## Cryptosystème à clé publique - (4)

- Le principe de ce genre d'algorithme est qu'il s'agit d'une fonction unidirectionnelle à trappe. Une telle fonction a la particularité d'être facile à calculer dans un sens, mais difficile voire impossible dans le sens inverse.
- La seule manière de pouvoir réaliser le calcul inverse est de connaître une trappe. Une trappe pourrait par exemple être une faille dans le générateur de clés. Cette faille peut être soit intentionnelle de la part du concepteur (définition stricte d'une trappe) ou accidentelle.



## Cryptosystème à clé publique (5)

- Au niveau des performances, le chiffrement par voie asymétrique est environ 1000 fois plus lent que le chiffrement symétrique.
- Cependant, à l'inverse du chiffrement symétrique où le nombre de clés est le problème majeur, ici, seules  $n$  paires sont nécessaires.
- En effet, chaque utilisateur possède une paire  $(S_K, P_K)$  et tous les transferts de message ont lieu avec ces clés.
- La distribution des clés est grandement facilitée car l'échange de clés secrètes n'est plus nécessaire.
- Chaque utilisateur conserve sa clé secrète sans jamais la divulguer. Seule la clé publique devra être distribuée ...

## Cryptosystème à clé publique (6)

### Exemple :(fonction irréversible)

Prenant  $X = 1, 2, 3, \dots, 16$  et on définit  $f(x)$  comme le reste de la division entière de  $3^x$  par 17. Les résultats sont donnés:

Alors on a :  $f(x) = 3^x \bmod(17)$

x	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
$f(x)$	3	9	10	13	5	15	11	16	14	8	7	4	12	2	6	1

Alors donnant un nombre entre 1 et 16, il est facile de calculer son image par  $f$ . Cependant, en donnant un nombre tel que 7, sans avoir le tableau précédent, il est difficile de trouver  $x$  sachant que  $f(x) = 7$ . Si on a  $f(x) = 3$  il est claire que  $x = 1$ , mais pour la plupart des autres nombres le calcule c'est pas assez facile.

# RSA : Rivest - Shamir - Adleman

## Principe de l'algorithme RSA

- Cet algorithme est fondé sur la théorie des nombres.
- L'utilisateur choisit deux grands nombres premiers,  $p$  et  $q$ , (En pratique, si  $p$  et  $q$  ont 100 chiffres décimaux,  $n$  possèdera 200 chiffres.), et calcule  $n = p \times q$  et  $\phi(n) = (p-1) * (q-1)$ .
- Il choisit un nombre  $d$  premier avec  $\phi(n)$  et cherche un nombre  $e$  tel que  $e * d = 1(mod\phi(n))$ .
- La clé publique est le couple  $P_k = (e, n)$ , la clé secrète le couple  $S_k = (d, n)$ .
- Considérons un message à chiffrer qui doit être expédié à un utilisateur qui a publié sa clé publique  $P_k = (e, n)$ .
- Le message en clair est découpé en une suite de blocs de telle sorte que chaque bloc en clair  $M$  soit un nombre inférieur à  $n$ .

# RSA : Rivest - Shamir - Adleman -(2)

## Résumé de l'algorithme RSA:

- 1 Génération de 2 nombres premiers  $p$  et  $q$
- 2 Calcul de  $n = p * q$
- 3 Calcul  $\phi(n) = (p - 1) * (q - 1)$
- 4 Proposer  $d$  tel que:  $d$  et  $\phi(n)$  n'ont pas de facteurs commun.
- 5 Déterminer  $e$  tel que  $3 < e < n$  et  $e * d \equiv 1 \pmod{\phi(n)}$
- 6 Clé publique :  $(e,n)$
- 7 Clé privée :  $(d,n)$
- 8  $p$  et  $q$  doivent rester secrets, voire supprimés
- 9  $C = M^e \pmod{n}$   $M = C^d \pmod{n}$

# RSA : Rivest - Shamir - Adleman -(3)

## Exemple:

Soit  $p = 11$  et  $q = 17$  d'où  $n = 187$  et  $\phi(n) = (11 - 1) \times (17 - 1) = 160$ .  
Choisissons  $d = 7$ , cette valeur convient puisque 7 et 160 n'ont pas de facteurs communs.

L'équation  $e \times 7 = 1 \pmod{160}$  donne:  $e = 23$  puisque  
 $23 * 7 = 161 = 160 + 1$ .

Alors: La clé publique  $P_k = (7, 187)$  et la clé privée  $S_k = (23, 187)$   
Pour chiffrer le message  $M = 88$ , l'émetteur calcule  $88^7 \pmod{187}$  soit 11  
et envoie ce " message".

Le récepteur qui connaît sa clé secrète calcule  $11^{23} \pmod{187}$  et il trouve  
88.

# RSA : Rivest - Shamir - Adleman -(4)

## Attaques sur RSA

Il existe trois approches pour attaquer le RSA :

- 1 Recherche par force brute de la clé (impossible étant donné la taille des données),
- 2 Attaques mathématiques (basées sur la difficulté de calculer  $\phi(n)$ , la factorisation du module  $n$ ):
  - factoriser  $n = p * q$  et par conséquent trouver  $n$  et puis  $d$ ,
  - déterminer  $\phi(n)$  directement et trouver  $d$ ,
  - trouver  $d$  directement.
- 3 Attaques de synchronisation (sur le fonctionnement du déchiffrement).

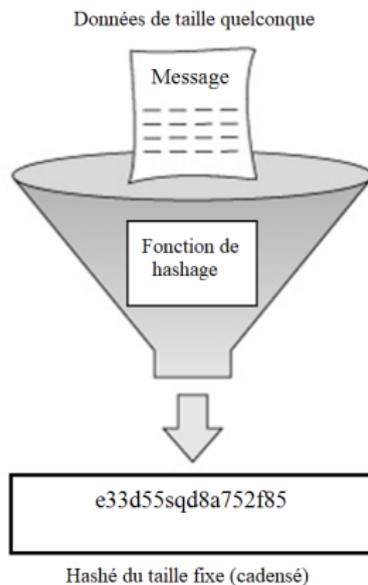
A l'heure actuelle, la factorisation connaît de lentes améliorations au cours des années. La meilleure amélioration possible reste l'optimisation des algorithmes. Excepté un changement dramatique, le RSA-1024 restera sûr pour les prochaines années.

# La fonction de hachage

# Fonction de hachage

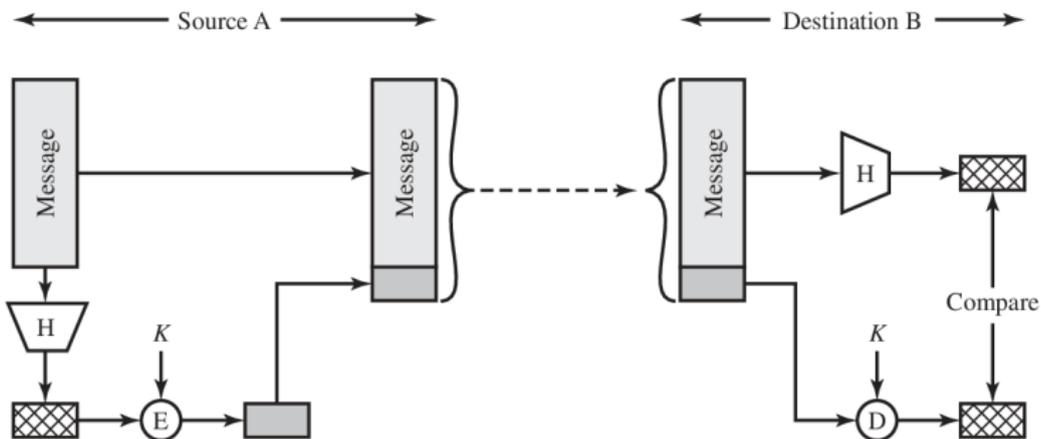
- Le principe est qu'un message clair de longueur quelconque va être transformé en un message de longueur fixe inférieure à celle de départ.
- L'algorithme utilisé est appelé *fonction de hachage* ou *fonction de condensation*.
- Le message réduit portera le nom de "*Haché*" ou de "*Condensé*".
- L'intérêt est d'utiliser ce condensé comme empreinte digitale du message original afin que ce dernier soit identifié de manière univoque.
- Deux caractéristiques (théoriques) importantes sont les suivantes :
  - 1 Ce sont des fonctions unidirectionnelles :  
*A partir de  $H(M)$  il est infaisable de retrouver  $M$ .*
  - 2 Ce sont des fonctions sans collisions : *A partir de  $H(M)$  et  $M$  il est impossible de trouver  $M' \neq M$  tel que  $H(M') = H(M)$ .*

# Fonction de hachage



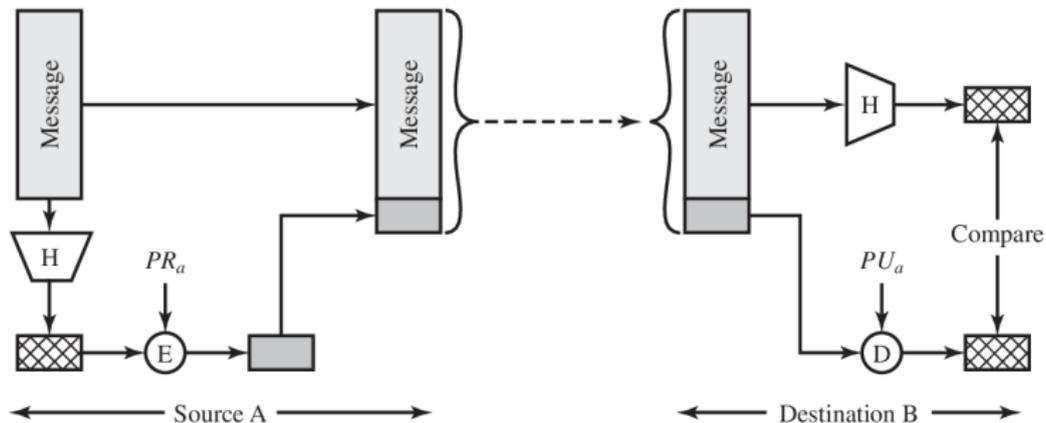
# Fonction de hachage

Utilisation du chiffrement symétrique.



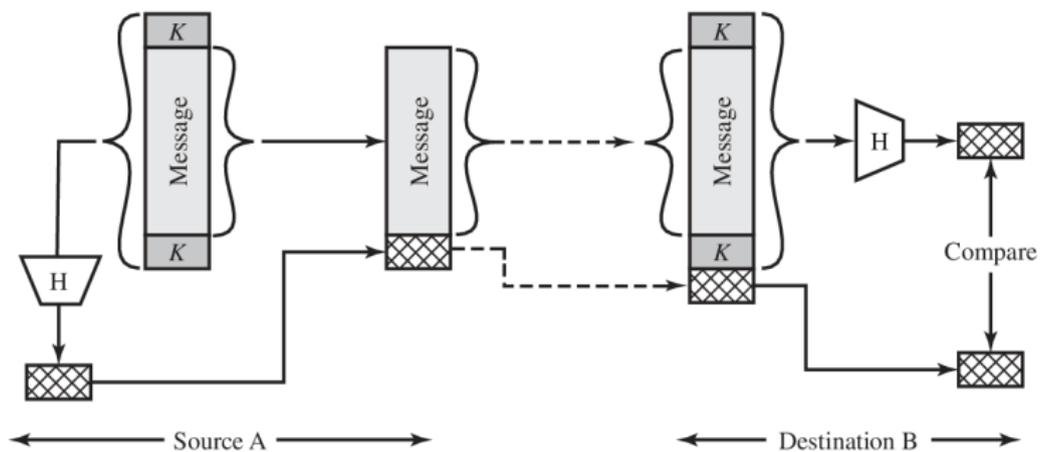
# Fonction de hachage

Utilisation du chiffrement asymétrique (clé publique).



# Fonction de hachage

Utilisation d'une clé secrète K.



# Caractéristiques de fonctions de hachage

Le but de la fonction de hachage est d'avoir une empreinte de données. Afin d'être utile, une fonction de hachage  $H$  doit avoir les propriétés suivantes:

- 1 H doit être applicable au block de données de n'importe quelle taille,
- 2 H produit un fichier de taille fixe,
- 3  $H(x)$  est relativement simple à calculer, rendant une implémentation logicielle ou matériel faisable,
- 4 **Résistance à la preimage:** Pour un  $h$  donné, il est infaisable de trouver  $x$  tel que:  $H(x) = h$
- 5 **Résistance à la seconde preimage:**(ou résistance faible à la collision) Pour un block de données  $x$ , il est infaisable de trouver  $y \neq x$  avec  $H(y) = H(x)$ .
- 6 **Résistance à la collision:**(ou résistance forte à la collision) Il est infaisable de trouver un pair  $(x,y)$  tel que:  $H(x) = H(y)$

# Caractéristiques de fonctions de hachage

**Résistance à la preimage:** (Propriété du sens unique) Pour un  $h$  donné, il est infaisable de trouver  $x$  tel que:  $H(x) = h$ .

- Il est facile de générer un code pour un message, mais il est infaisable (virtuellement impossible) de récupérer un message depuis son code haché.
- Cette propriété est très importante dans le cas d'authentification par une clef secret.
- La valeur de la clef secrète n'est pas envoyée, cependant lorsque la fonction de hachage n'est pas a sens unique, un attaquant peut facilement récupérer le code secret.
- Alors, le cracker, une fois intercepter la transmission, peut obtenir le message et le code secret  $MD_M = H(K||M||K)$ .
- L'attaquant peut obtenir:  $K||M||K = H^{-1}(MD_M)$ .
- L'attaquant possède alors:  $M$  et  $K||M||K$ , il peut alors facilement trouver  $K$ .

# Protocoles cryptographiques

# Protocoles cryptographiques

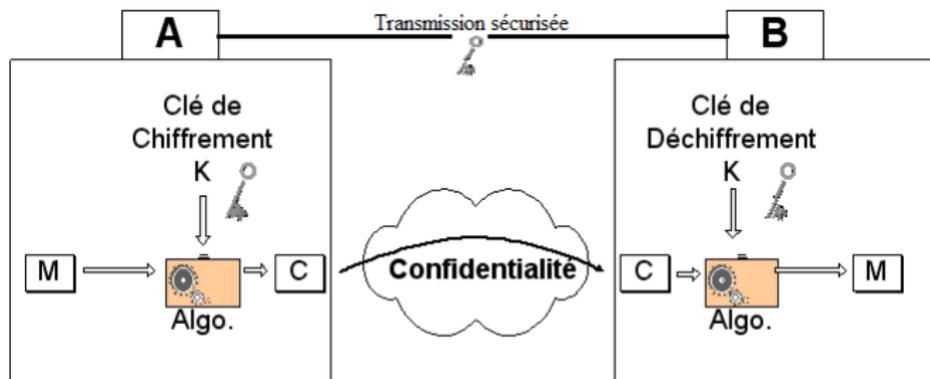
- Dès que plusieurs entités sont impliquées dans un échange de messages sécurisés, des règles doivent déterminer l'ensemble des opérations cryptographiques à réaliser, leur séquence, afin de sécuriser la communication C'est ce que l'on appelle les protocoles cryptographiques.
- Lorsque l'on parle de "*sécuriser un échange*", on souhaite prêter attention aux 3 services suivants :
  - ① La confidentialité,
  - ② L'intégrité et
  - ③ L'authentification.
- Signalons la distinction entre "**services**" (confidentialité, intégrité, etc.) et "**mécanismes**" (les moyens utilisés : chiffrement, signature, hachage, etc.).

# Protocoles cryptographiques

## Confidentialité

### 1. Système symétrique:

- Elle est assurée par le chiffrement du message.
- Dans le cas de systèmes à clés symétriques, la même clé est utilisée pour chiffrement  $E_K(M)$  et déchiffrement  $D_K(C)$ .
- Ce type de chiffrement nécessite un échange sûr préalable de la clé  $K$  entre les entités  $A$  et  $B$ .

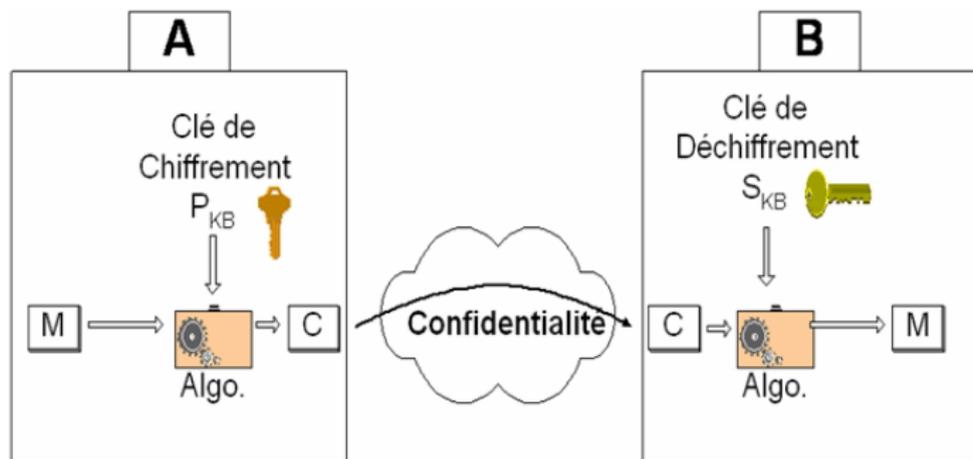


# Protocoles cryptographiques

## Confidentialité

### 2. Système asymétrique:

- A l'aide d'un cryptosystème asymétrique, l'échange préalable de la clé n'est pas nécessaire.
- Chaque entité possède sa propre paire de clés. On aura donc pour l'entité A, la paire  $P_{KA}$ ,  $S_{KA}$  et pour l'entité B la paire  $P_{KB}$ ,  $S_{KB}$ .

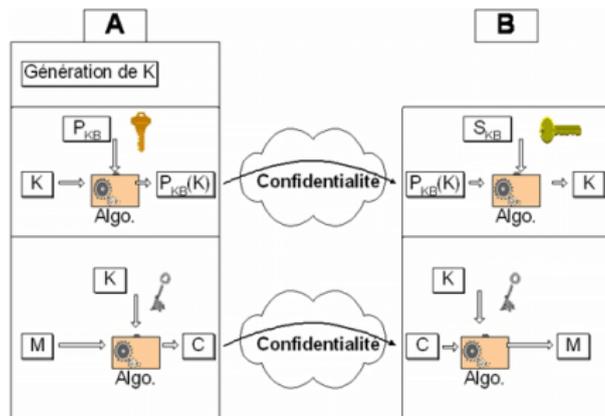


# Protocoles cryptographiques

## Confidentialité

### 3. Système hybride:

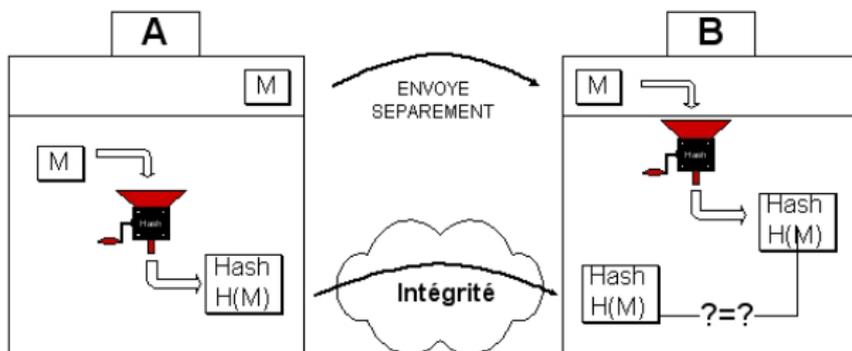
- Un système **"hybride"**, repose sur les deux systèmes précédents.
- A l'aide du système à clé publique, on sécurise l'échange de la clé  $K$ .
- Ensuite, les deux parties ayant acquis de manière sécurisée cette clé de chiffrement  $K$ , on utilisera le système à clé symétrique pour chiffrer le message.



# Protocoles cryptographiques

## Intégrité

- Il s'agit ici de vérifier si le message n'a pas subi de modification durant la communication.
- C'est ici qu'interviennent les fonctions de hachage.

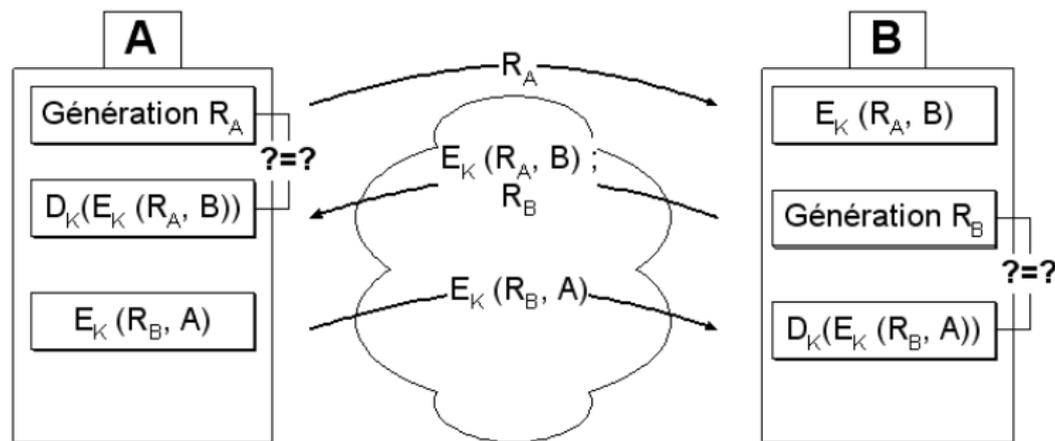


# Protocoles cryptographiques

## Authentification

### 1. Au niveau des parties communicantes:

- A .Le cas d'un système symétrique :**  $R_A$  est une nonce (p. ex. nombre aléatoire), propre à l'utilisateur A. Les lettres A et B représentent des identificateurs personnels.



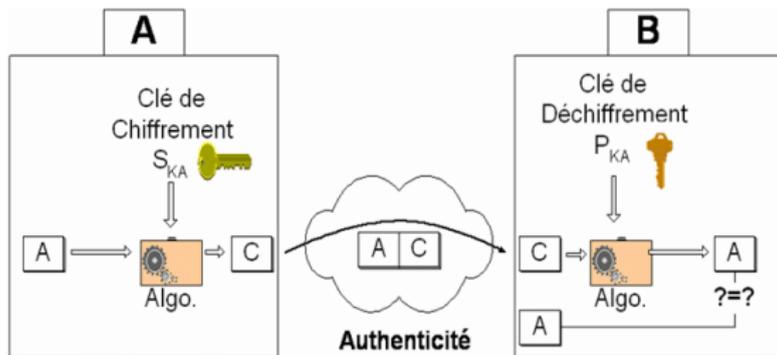
# Protocoles cryptographiques

## Authentification

### 1. Au niveau des parties communicantes:

- B .Le cas d'un système asymétrique:** Comme le propriétaire de la clé secrète est le seul à la connaitre, cela prouve qu'il est bien la personne ayant chiffré le message.

Dans cet exemple, seule l'authentification est souhaitée. Le message est envoyé en claire, la confidentialité n'est pas assurée ici.

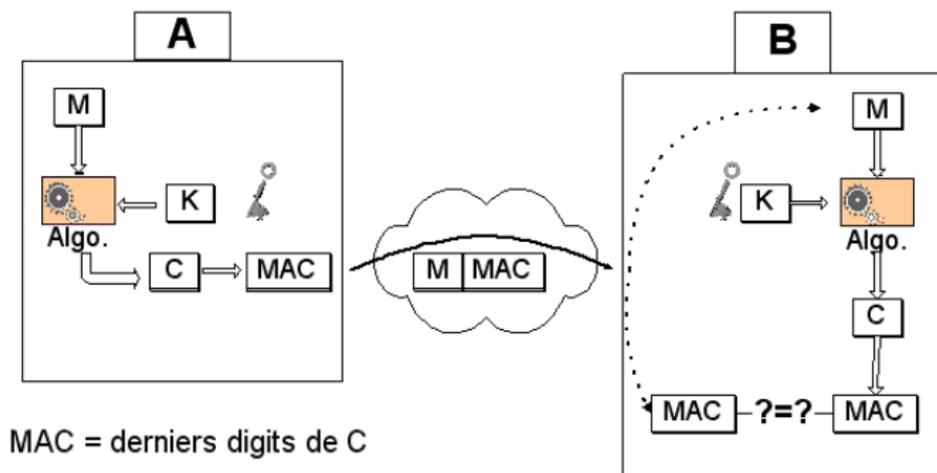


# Protocoles cryptographiques

## Authentification

### 2. Au niveau du message:

- A. L'utilisation d'un MAC (Message Authentication Code) généré à l'aide d'un cryptosystème à clé symétrique, où le MAC est constitué des derniers digits de C

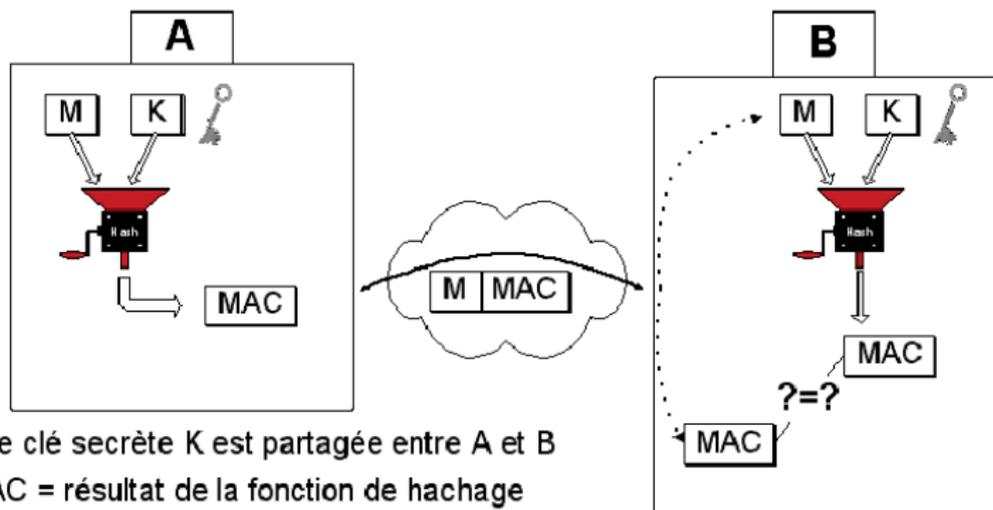


# Protocoles cryptographiques

## Authentification

### 2. Au niveau du message:

- B. L'utilisation d'un MAC (Message Authentication Code) généré à l'aide d'une fonction de hachage,

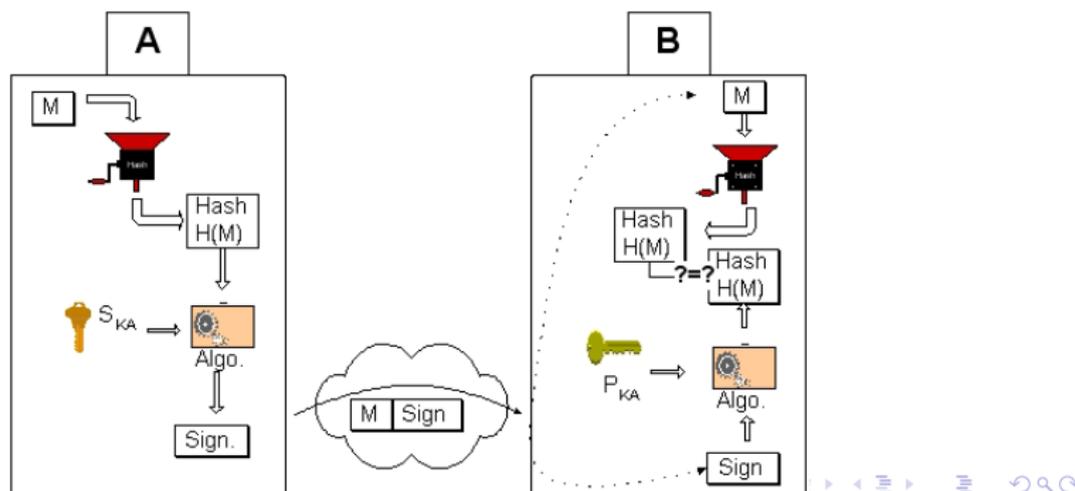


# Protocoles cryptographiques

## Authentification

### 2. Au niveau du message:

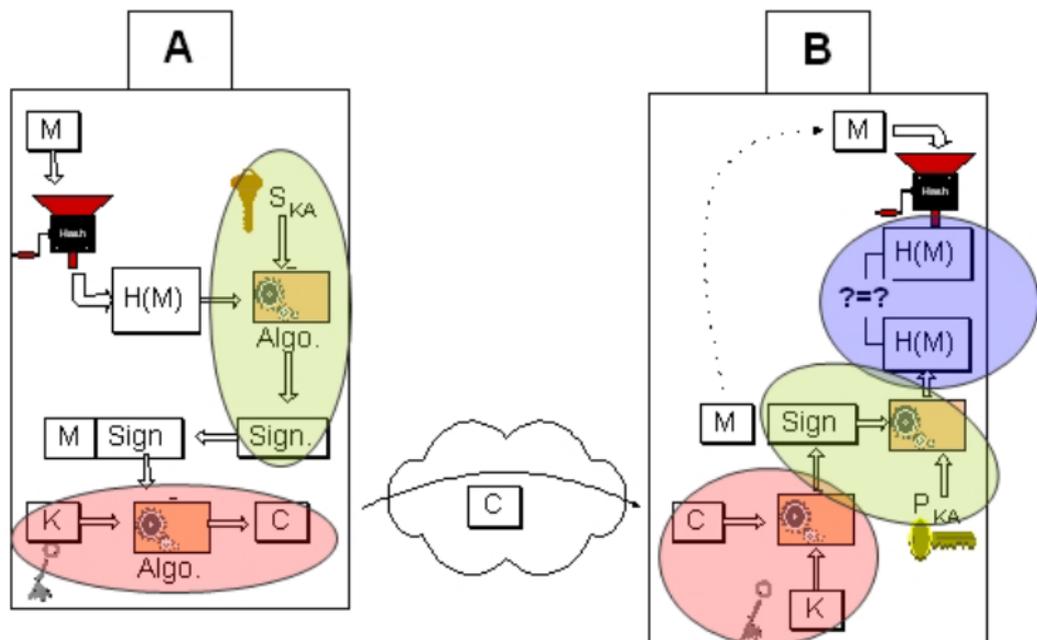
- C. Par l'utilisation d'une signature digitale. Parmi les propriétés remarquables de ces signatures, on peut dire qu'elles doivent être authentiques, infalsifiables, non-réutilisables, non-répudiables, et inaltérables.



# Protocoles cryptographiques

## Synthèse

Confidentialité(Rouge), Intégrité(Violet), Authentification(Vert)



The end.